



THIS PAGE IS  
INTENTIONALLY  
LEFT BLANK.

Kazimir Majorinc

# **Algebarski jezik za obradu simboličkih izraza (I)**

Povijest Lispa 3.

Razmjena vještina  
Hacklab mama  
21. srpnja 2012.

# **Do sada:**

Prijedlog Ljetnog projekta iz 1957. (filozofski)

Prijedlog kompjajlera, prosinac 1957. (dinamičan,  
refleksivan, skoro pa paralelan, ali još nije Lisp)

Rad na Algolu 58 (uvjetno grananje, makro naredbe.)

# AN ALGEBRAIC LANGUAGE FOR THE MANIPULATION OF SYMBOLIC EXPRESSIONS

by John McCarthy

Šapirografirani dokument, 20 strana, rujan 1958.  
Službena oznaka AIM-001. Izgubljen na MIT. Pronađen  
u privatnoj zbirci i objavljen na "Software preservation  
museum" 2010.

To je već LISP, samo još ne precizno definiran i lijepo  
izložen.

# Primjene jezika.

Jezik je pogodan za program *Advice taker*, dokazivanje teorema, pojednostavljenje formula, simboličko deriviranje i integriranje, pisanje kompjlera, heurističkih programa, predstavljanje izraza čiji broj i duljina variraju na teško predvidive načine.

Jezik nije pogodan za predstavljanje lista fiksne duljine gdje se često želi direktno pristupiti n-tom elementu.

# Svojstva jezika

**Implementacija izraza kao lista.** Izrazi su predstavljeni kao liste čiji svaki element zauzima jednu riječ u računalu. Svaki element liste sastoji se od podatka i adrese slijedećeg elementa liste. Za zadnji element liste, adresa slijedećeg elementa liste je 0. Posebno, podatak može biti i adresa prvog elementa neke liste.

Riječ IBM 704 računala ima 36 bita. Podijeljena na dva dijela od po 15 bita (adresa i dekrement) i dva dijela od po 3 bita (prefiks i oznaka (tag)). Podatak je spremljen u adresi, adresa slijedećeg elementa u dekrementu.

**Algebarska notacija.** Izlaz jedne "procedure" je ulaz druge, pa se može izbjjeći davanje imena međurezultatima. Redoslijed kojim je "funkcionalna formula" zapisana dozvoljava nam razmišljanje od željenog rezultata ka komponentama.

**Rekurzija.** Kad podprogram pozove sam sebe valja zaštititi međurezultate od promjena. To se može učiniti spremanjem međurezultata u liste.

**Uvjetni izrazi.** U dosadašnjim programskim jezicima nisu odgovarajuće riješeni. [Naredba **if** se danas ne čini puno lošija od uvjetnih izraza, no tada se morala kombinirati sa **go to**].

**Vrste kvantiteta [“quantities”].** Liste nisu kvantiteti. Iako se na listama mogu definirati mnoge korisne operacije, većina računanja se mora definirati nad pojedinačnim elementima. *“It still seems to be necessary to compute with the addresses of the elements of the lists”.*

**Cjelobrojni kvantiteti [integer.]** Bez tipografskih konvencija za razlikovanje.

**Cijele riječi.** Autor nije siguran trebaju li mu brojevi sa pomičnim zarezom.

**Iskazni kvantiteti.** Vrijednost može biti 0 i 1.  
Definirat će se operacije  $\wedge$ ,  $\vee$  i  $\sim$ . Predikati su funkcije  
koje imaju vrijednosti 0 i 1.

**Lokacijski kvantiteti.** Točka [point] u programu  
može biti označena i adresa te točke se naziva  
lokacijski kvantitet. Izračunavanje sa tim kvantitetom  
je ograničeno.

**Funkcijski kvantiteti.** “Ovi će sigurno biti dozvoljeni  
kao parametri potprograma, ali njihove pune  
mogućnosti neće se moći iskoristiti u ranom sistemu.”

# Vrste naredbi

Najvažnija, **aritmetička naredba** ili **naredba za zamjenu** ima oblik  $a=b$ , gdje

$a$  je varijabla, ili

$a$  je polje sa indeksom, npr **A(i)**, ili

$a$  je **cwr(i)**, **car(i)**, **cdr(i)** i mnoge druge

gdje je  $i$  izraz koji se izračunava u cijelobrojni kvantitet,  
a  $b$  je bilo koji izraz.

**Prijenos kontrole.** Naredba **go( e)** prenosi kontrolu na lokaciju dobivenu izračunavanjem lokacijskog izraza e.

**Set naredba.** **set( A; q1 , ... , qm )** definira polje (ne listu!) **A** sa vrijednostima dobivenim izračunavanjem  $q_1, \dots, q_m$ , koje, posebno, mogu biti i lokacijski kvantiteti.

**Pozivanje podprograma.** **s( expr1 , ... , exprn )**. Ne treba **CALL** kao u Fortranu.

## Deklarativne rečenice (“sentences.”) Dva oblika.

(*a*; *p*<sub>1</sub>, ..., *p*<sub>*n*</sub>) unosi izraze *p*<sub>1</sub>, ..., *p*<sub>*n*</sub> u “property list” pridruženu simbolu *a*. Svaki simbol u programu ima takvu listu koju koristi kompjajler, a može se koristiti i direktno u programu.

(*a*<sub>1</sub>, ..., *a*<sub>*n*</sub>, *p*) unosi izraz *p* u “property list” svih simbola *a*<sub>1</sub>, ..., *a*<sub>*n*</sub>.

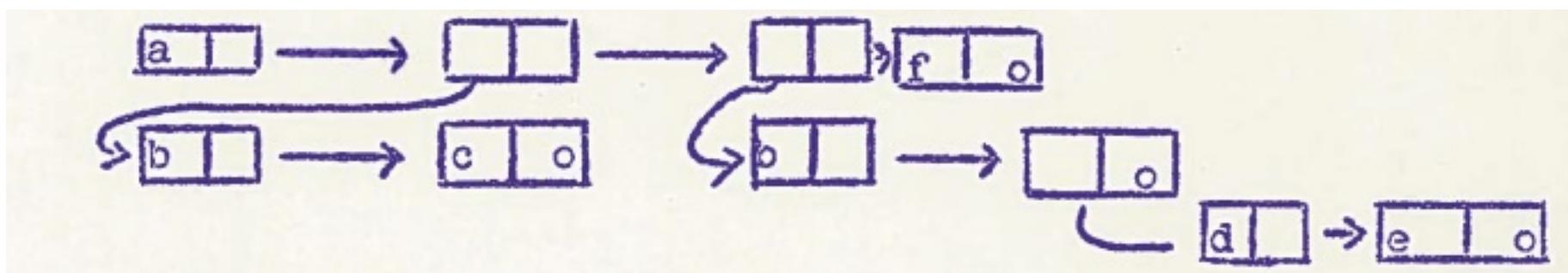
**Složene naredbe.** Niz naredbi može biti zatvoren u “zagrade” i dobiti ime. Sintaksa još nije određena.

**Naredba za iteraciju.** McCarthy nije još odlučio o obliku te naredbe, ali traži nešto poput do u Fortranu (cjelobrojni indeksi, **for** u većini jezika) ali i iteriranje kroz listu.

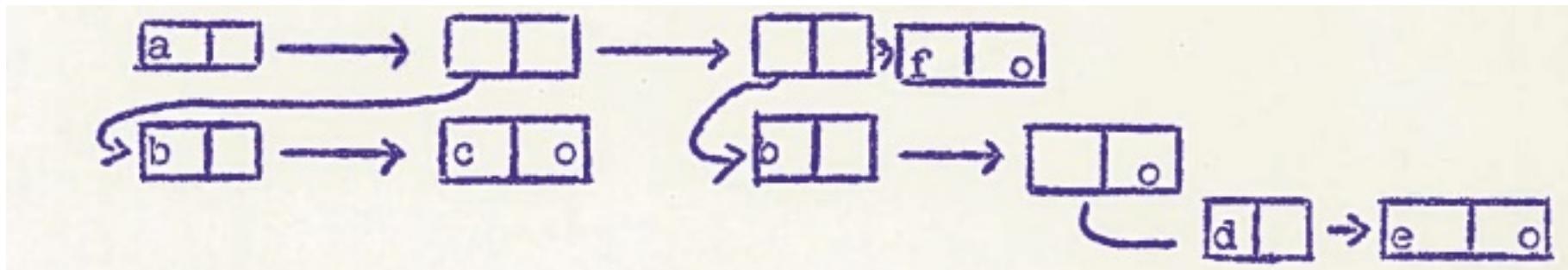
**Definicija podprograma (subroutine).** Parametri uključuju funkcije, potprograme i lokacijske izraze. Potprogrami mogu biti kompajlirani ili u programu, ili nezavisno.

# Liste.

**Predstavljanje izraza.** Primjerice, niz ("sequence")  
**(a, (b, c), (b, (d, e))), f**) je predstavljen u  
memoriji na slijedeći način:



**Problem:** je li podlista (**b**, **c**) dio liste? Ako želimo  
brisati listu, želimo li obrisati i podlistu?



Oba odgovora mogu imati smisla. Zato se u svakoj riječi izdvajaju prva dva bita i slijedi konvencija:

**00** Ako je podatak podlista, ne briše se sa listom.

**01** Podatak nije podlista i briše se sa listom.

**10** Podatak jest podlista i briše se sa listom.

**Funkcionalni izraz  $f(e_1, \dots, e_n)$**  je predstavljen nizom (sequence)  $(f, e_1, \dots, e_n)$  i odgovarajućom strukturu u memoriji računala. Izraz  $a+b+c$  je predstavljen nizom  $(+, a, b, c)$ .

**Funkcije** su zapravo “funkcije”, jer vrijednost izračunavanja ovisi o stanju memorije i mogu mijenjati vrijednost argumenata.

Sistem održava **listu neiskorištenih riječi** (free storage list). Potprogrami uzimaju adrese riječi sa liste i vraćaju je na nju.

**Riječ računala IBM 704.** Riječ ima 36 bitova koji se grupiraju i označavaju na slijedeći način:

w - cijela riječ

d - dekrement, bitovi 3-17

p - prefiks, bitovi 0-2

t - tag, bitovi 18-20

s - sign, bit 0

a - adresa 21-35

i - indikator, bitovi 1-2

**Osnovne funkcije za izdvajanje dijelova riječi.**

**bit( w, n )** vraća  $n$ -ti bit riječi  $w$

**seg( w, m, n )** vraća segment bitova od  $m$  do  $n$ .

**Izvedene funkcije za izdvajanje dijelova riječi.**

**dec( w ) = seg( w , 3 , 17 )**

**add( w ) = seg( w , 21 , 35 )**

slično **ind**, **sgn**, **tag** ...

**Funkcije koje indirektno izdvajaju dijelove riječi.**

**cwr( n )** je riječ na adresi  $n$

**cdr( n )** je ekvivalentna **dec( cwr( n ) )**

**car( n )** je ekvivalentna **add( cwr( n ) )**

slično **cir**, **csr**, **ctr** ...

Funkcije **cwr**, **cdr**, **car** i ostale se mogu koristiti na lijevoj strani naredbe za zamjenu

**cwr(55)=1000.**

Funkcije koje spajaju dijelove riječi.

**comb 4(p, d, t, a)**

**comb 5(s, i, d, t, a)**

## Funkcije za konstrukciju.

Izraz **cons<sub>w</sub>( w )** sprema vrijednost  $w$  u prvu slobodnu riječ, vraća adresu te riječi, i briše adresu sa *listi neiskorištenih riječi*.

## Funkcija za brisanje riječi.

Izraz **erase( n )** samo vraća adresu  $n$  na listu neiskorištenih riječi.

**Idući put: nešto naprednije funkcije i  
čak nekoliko programa.**